

# Algebră I

17 septembrie 2011

1) a) Subgrupuri normale: definiție, proprietăți, exemple.

b)  $\tau = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 & 8 & 9 & 10 & 11 & 12 & 13 \\ 7 & 4 & 5 & 6 & 1 & 8 & 3 & 10 & 12 & 2 & 13 & 9 & 11 \end{pmatrix}$

- Descompuneți  $\tau$  în produs de transpoziții și în produs de cicli disjuncți.
- Determinați  $\tau^{-2}$ ,  $ord(T)$  și  $\varepsilon(\tau)$ .
- Rezolvați în  $S_{13}$  ecuația  $x^{20} = \tau$ .

2) a) Proprietatea de universalitate a inelului de polinoame.

b) Determinați idealele și, până la izomorfism, inelele factor ale inelului  $\mathbb{Z}_4 \times \mathbb{Q} \times \mathbb{Z}_5$ .